

VI.

Supponiamo che la funzione ϕ dell'art. prec. diventi, in un certo punto O , infinita come $\log \frac{1}{r}$, essendo r la distanza geodetica di questo punto da un punto qualunque della superficie; e propriamente ammettiamo che, per distanze geodetiche sufficientemente piccole, si abbia

ν è un esponente maggiore di zero e Q una quantità che, per $r = 0$, non diventa né nulla né infinita (a meno che non sia sempre uguale a 0), e che in generale dipende dalle coordinate del punto cui corrisponde il valore di ϕ che si considera. Se il punto O è interno all'area Q' , il teorema (23) non può più essere applicato a quest'area; ma diventa applicabile all'area che si ottiene togliendo ad O' una porzione, piccola quanto si vuole, circostante al punto O . Riterremo che questa porzione sia limitata da una circonferenza geodetica di raggio r piccolissimo, col centro nel punto O . In tale ipotesi la formola (23) continuerà a sussistere, purché si aggiungano al suo primo membro i termini seguenti:

$$r^{\nu} \sim \frac{1}{2} \frac{d^2 \phi}{ds^2} ds^2$$

dove da' , dri , ds' fanno l'ufficio di $rfco$, dn , ds relativamente all'area ed al contorno del piccolo cerchio geodetico.

Per calcolare il valore della precedente espressione conviene ricorrere ad una forma dell'elemento lineare appropriata al caso attuale, cioè alla forma

$$(27) \quad ds^2 = dr^2 + R^2 dz^2,$$

che risulta dall'assumere come curve coordinate le linee geodetiche divergenti dal punto O e le circonferenze geodetiche che hanno il centro nel medesimo punto: r è la lunghezza di un arco di geodetica contato da O , s è l'angolo che una delle geodetiche, presa come origine, fa con una qualunque delle altre. In queste condizioni è facile vedere che R è generalmente della forma

dove μ è un esponente maggiore di zero e P una funzione di r e di s che, per